# 周波数選択性チャネルにおける MIMO-OFDM 信号の

B-5

チャネルのヌル空間を活用した演算量削減型 PAPR 抑圧法の検討 Investigation on Complexity-Reduced Adaptive PAPR Reduction Method Using Null Space

in MIMO Channel for MIMO-OFDM Signals under Frequency-Selective Fading Channel

山口 令遠 Leon Yamaguchi 樋口 健一 Kenichi Higuchi

東京理科大学 理工学部 電気電子情報工学科

Department of Electrical Engineering, Faculty of Science and Technology, Tokyo University of Science

## 1. まえがき

本稿では、MIMO-OFDM 伝送における MIMO チャネルのヌ ル空間を用いたピークキャンセラ(PC)信号に基づく演算量削減 型適応ピーク対平均電力比(PAPR)抑圧法[1, 2]を、チャネルが 周波数選択性を有する場合に適用できるように拡張する.

### 2. MIMO チャネルのヌル空間を用いた適応 PAPR 抑圧法

送信・受信アンテナ数をそれぞれ  $N, M \ge U, N > M \ge t$ る. 伝送帯域は F 個の周波数ブロックに分割され,周波数ブロッ ク fにおける大きさが  $M \times N$ のチャネル行列を  $H_f \ge t$ る. N > M M なので  $H_f \ge t$ 直交する大きさが  $N \times (N-M)$ の行列  $V_f$ が存在す 3(つまり  $H_{V_f} = O$ ).  $V_f$ の各列ベクトルは正規直交化されてい るものとする.  $V_f$ は MIMO チャネル  $H_f$ のヌル空間に相当する.

周波数ブロック f のあるサブキャリアにおける送信ビームフ オーミング(BF)後の長さ N の送信データ信号ベクトルを  $\mathbf{x}_{f}$ と する. PAPR 抑圧のために伝送帯域内に PAPR 抑圧信号が加算 されたとする. 周波数ブロック f のあるサブキャリアに加算さ れた PAPR 抑圧信号ベクトルを  $\Delta_{f}$ とすると,  $\mathbf{x}_{f} + \Delta_{f}$ が送信され るため, 一般には  $\mathbf{x}_{f}$ の伝送品質は  $\Delta_{f}$ からの干渉により劣化す る. しかし,  $\Delta_{f}$ をある長さ N-M のベクトル  $\mathbf{e}_{f}$ を用いて  $\Delta_{f} = \mathbf{V}_{f}\mathbf{e}_{f}$ と表すことができれば,受信機が観測する信号ベク トルは  $\mathbf{H}_{f}(\mathbf{x}_{f} + \Delta_{f}) = \mathbf{H}_{f}\mathbf{x}_{f} + \mathbf{H}_{f}\mathbf{V}_{f}\mathbf{e}_{f} = \mathbf{H}_{f}\mathbf{x}_{f}$ となり PAPR 抑圧 信号は受信機に現れないため,伝送品質の劣化を回避できる.

以上が周波数選択性チャネルにおけるチャネルのヌル空間を 用いた適応 PAPR 抑圧法の基本原理であり、従来は、クリッピ ング・フィルタリング(CF)と PAPR 抑圧信号ベクトルに対する チャネルのヌル制限の適用を繰り返すことにより実現していた (以降、CFCNC と呼ぶ)[3]. CFCNC は、繰り返し毎に FFT/IFFT 処理を必要とするため、演算量の削減が課題であった.

#### 3. 提案する周波数選択性チャネルにおける PCCNC 法

PC 信号に基づくチャネルのヌル空間を用いた演算量削減型 適応 PAPR 抑圧法(以降, PCCNC と呼ぶ) [1, 2]を周波数選択性 チャネルに適応するよう拡張した提案アルゴリズムを説明する.

OFDM サブキャリアの総数を Kとし、1 周波数ブロック当た りのサブキャリア数を K/Fとする。周波数ブロック fにおける 周波数領域矩形波に相当する時間領域の基本パルス信号を  $g_t[t]$ とする。t は離散時刻を表し、FFT/IFFT ポイント数を Qとして、 t = 0, ..., Q-1である。 $g_t[t]$ は t = 0 で振幅が 1 となるような sinc 関数に周波数ブロック fに応じた位相回転を与えた波形である。

PAPR 抑圧処理前の離散時刻 *t* における各送信アンテナ *n* で の BF 後の時間領域送信データ信号 *x<sub>n</sub>*[*t*]を並べた長さ *N* のベク トルを **x**[*t*] = [*x*<sub>1</sub>[*t*] ··· *x<sub>N</sub>*[*t*]]<sup>*T*</sup> とする.提案する PCCNC の *j* 番 目 の 繰 り 返 し 処 理 で の 送 信 信 号 ベ ク ト ル を **x**<sup>(1)</sup>[*t*] = [*x*<sub>1</sub><sup>(1)</sup>[*t*] ··· *x<sub>N</sub>*<sup>(1)</sup>[*t*]]<sup>*T*</sup> とする.**x**<sup>(1)</sup>[*t*] = **x**[*t*]である.

提案法での j 番目の繰り返し処理について説明する.  $\mathbf{x}^{O}[t], t$ = 0, ..., Q-1 の要素の中でピーク抑圧しきい値  $A_{th}$ を超える最大 の振幅を有する要素を得る離散時刻を tのとする. このとき提 案法は,式(1)に示す周波数ブロック fにおける長さ N の PC 信 号ベクトル $\mathbf{p}_{i}^{(J)}[t]$ を全 F 周波数ブロック間で平均して得られる PC 信号ベクトルを  $\mathbf{x}^{O}[t]$ に加算する形で PAPR 抑圧を行う.

$$\mathbf{p}_{f}^{(j)}[t] = -\mathbf{w}_{f}^{(j)}g_{f}[t-\tau^{(j)}]$$

$$\tag{1}$$

$$\mathbf{x}^{(j+1)}[t] = \mathbf{x}^{(j)}[t] + \sum_{f=1}^{F} \mathbf{p}_{f}^{(j)}[t] / F$$
(2)

PC 信号の方向ベクトル  $w_{I}^{(j)}$ は MIMO チャネルのヌル空間を指向する長さNのベクトルであり,式(3),(4)で与えられる.

$$\mathbf{w}_{f}^{(j)} = \mathbf{V}_{f} \mathbf{V}_{f}^{H} \left( \tilde{\mathbf{w}}_{i}^{(j)} = \left[ \tilde{w}_{i}^{(j)} \cdots \tilde{w}_{N}^{(j)} \right]^{T} \right)$$
(3)

$$\tilde{w}_{n}^{(j)} = \begin{cases} x_{n}^{(j)}[\tau^{(j)}] - A_{\text{th}} e^{j\theta_{n}^{(j)}[\tau^{(j)}]}, & \text{if } |x_{n}^{(j)}[\tau^{(j)}]| > A_{\text{th}} \\ 0, & \text{otherwise} \end{cases}$$
(4)

ここで、 $\theta_n^{(j)}[\tau^{(j)}]$ は $x_n^{(j)}[\tau^{(j)}]$ の位相である.  $\mathbf{w}_f^{(j)}$ は、離散時刻

 $\tau$ のにおける全送信アンテナの送信信号振幅 | $x_h^{(\ell)}[\tau^{(\ell)}]$ |を同時に しきい値  $A_{th}$ 以下にできるベクトル $\tilde{\mathbf{w}}^{(\ell)}$ に MIMO チャネルのヌ ル拘束を適用したものに相当する.  $\mathbf{p}_1^{(\ell)}[t]$ は帯域外放射が所定 値以下(本稿では 0 とした)に制限され常にチャネルのヌル空間 にのみ送出されることが約束される一方,その計算に FFT/IFFT 処理が必要ないため,提案する PCCNC は CFCNC よ りも低演算量で同等な PAPR 抑圧を実現できると期待できる.

#### 4. シミュレーション評価

N=100, M=4とした. Kは512, Qは4倍オーバサンプリン グ相当の2048とした.各サブキャリアの信号点は独立な標準 複素ガウス分布に従って定めた.送信 BF にはゼロフォーシン グ法を用いた.レイリーフェージングのアンテナ間及び周波数 ブロック間相関は0とした.SNRは20dBとした.PAPR値は OFDMシンボル毎のピーク信号電力と全送信アンテナの平均 信号電力との比で定義した.提案する PCCNCでは、CFCNC との対比を行いやすくするために規定回数のPAPR抑圧処理後 に適切な回数のアンテナ毎独立 PC (PAPC)法[4]を適用した.

表1に各 PAPR 抑圧アルゴリズムにおける繰り返し1回当た りに必要な実数乗算回数を示す.表1に基づき,実数乗算回数 に対する7 dB に設定した所要 PAPR を満たす平均スループッ トを図1に示す. F = 1,8,32 の場合を評価した. PAPR 抑圧繰 り返し数を変化させることにより,実数乗算回数と平均スルー プットの間の関係を変化させた.図1より,提案法により周波 数選択性チャネルにおいても CFCNC に比較して低演算量で同 等の PAPR 対スループット特性を得ることができた.Fが大き いほど良好な特性を得るのは文献[5]で示された理由による.

#### 5. まとめ

提案法は、周波数選択性チャネルでの MIMO-OFDM 伝送に おける演算量対 PAPR 抑圧特性を従来法に比較して改善できた.

#### 参考文献

[1] M. Suzuki, et al., IEEE APWCS2019, Aug. 2019. [2] T. Suzuki, et al., IEEE APWCS2019, Aug. 2019. [3] Y. Sato, et al., IEICE Trans. Commun., vol. E96-B, no. 9, pp. 2270-2280, Sept. 2013. [4] T. Kageyama, et al., IEEE PIMRC2015, Hong Kong, 30 Aug.-2 Sept. 2015. [5] 極口, 信学技報 RCS2018-172, Oct. 2018.

表1.繰り返し1回当たりに必要な実数乗算回数



